

# Algoritmos y Estructuras de Datos.

## Examen Final. [2 de Octubre de 2003]

**Ej. 1.- [Primitivas (20 puntos)]** Escribir las funciones del TAD COLA DE PRIORIDAD listadas a continuación, implementado por montículos: ANULA (C), INSERTA (x,C), SUPRIME\_MIN (C). *Escribir todos los tipos, definiciones, funciones y procedimientos auxiliares necesarios.*

**Ej. 2.- [Ejercicios de programación (total 80 puntos)]**

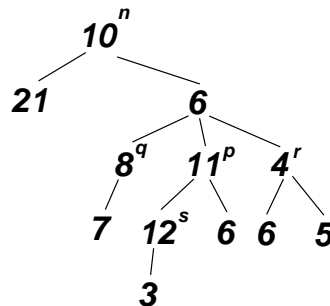
- (a) **[Intercambia secuencia (35 puntos)]** Escribir un procedimiento `procedure INTERCAMBIA_SEC(var L: lista);` que intercambia el grupo de los primeros elementos consecutivos impares por el siguiente grupo de elementos consecutivos pares y así sucesivamente. Por ejemplo si  $L=\{1,2,4,5,6,8,7,9,13,2\}$  después de llamar a `INTERCAMBIA_SEC(L)` debe quedar  $L=\{2,4,1,6,8,5,2,7,9,13\}$  Restricciones:
- Usar **sólo** una estructura auxiliar. Puede ser una cola o una lista (se sugiere una cola).
  - El algoritmo debe ser  $O(n)$
  - Utilizar las primitivas del TAD LISTA: `INSERTA(x,p,L)`, `RECUPERA(p,L)`, `SUPRIME(p,L)`, `SIGUIENTE(p,L)`, `ANULA(L)`, `PRIMERO(L)`, y `FIN(L)`. y del TAD COLA: `ANULA (C)`, `PONE_EN_COLA (x,C)`, `QUITA_DE_COLA (C)`, `VACIA (C)`, y `FRENTE_DE_COLA (C)`.
- (b) **[Encuentra suma (35 puntos)]** Escribir una función `function ENCUESTRA_SUMA(s:real; n:nodo; A:arbol): nodo` que retorna el nodo  $m$  del árbol orientado  $A$  tal que la suma de las etiquetas de todos los nodos descendientes de  $m$  es  $s$ . Si no existe un tal nodo, entonces debe retornar  $\Lambda$ . Si hay varios nodos que cumplen la condición debe retornar *el primero en orden previo*. Por ejemplo, para un árbol como el de la figura debe darse

`ENCUESTRA_SUMA(32,n,A)` retorna  $p$

`ENCUESTRA_SUMA(15,n,A)` retorna  $\rightarrow q$  (notar que  $r$  y  $s$  también dan la suma, pero  $q$  está primero en orden previo).

`ENCUESTRA_SUMA(15,n,A)` retorna  $\rightarrow \Lambda$

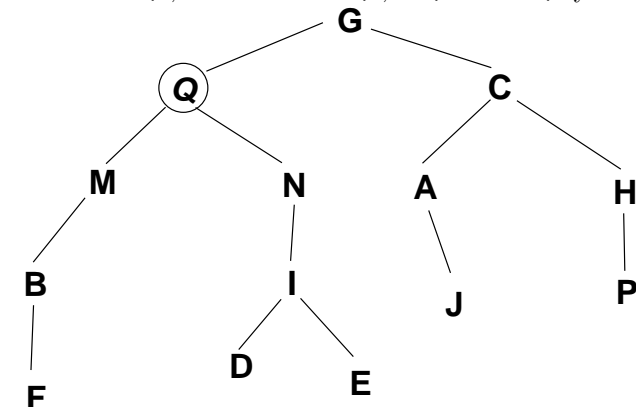
El algoritmo debe ser  $O(n)$  donde  $n$  es el número de nodos en el árbol. Usar las funciones del TAD ARBOL ORDENADO ORIENTADO: `HIJO_MAS_IZQ(n,A)`, `HERMANO_DER(n,A)` y `ETIQUETA(n,A)`.



- (c) **[Reordena pila (10 puntos)]** Escribir un procedimiento `procedure REORDENA(var P:pila);` que reordena los elementos de una pila de tal forma que quedan los impares en el fondo y los pares arriba. Los pares e impares deben quedar en el mismo orden relativo entre sí. Por ejemplo si  $P = \{1, 3, 4, 2, 3, 5, 7, 6, 8, 2, 9\}$  entonces debe quedar  $P = \{4, 2, 6, 8, 2, 1, 3, 3, 5, 7, 9\}$ . Restricciones:
- Se puede usar sólo dos pilas auxiliares.
  - El algoritmo debe ser  $O(n)$
  - Utilizar las funciones del TAD PILA `ANULA(P)`, `METE(x,P)`, `SACA(P)`, `TOPE(P)` y `VACIA(P)`.

**Ej. 3.- [LIBRES. Ejercicios operativos (total 80 puntos)] Atención!! Alumnos libres deben completar un mínimo de 70% en cada uno de los ítems**

- (a) **[Reconstruir árbol (25 puntos)]** Dibujar el árbol ordenado orientado cuyos nodos, listados en orden previo y posterior son
- $ORD\_PRE = \{C, D, R, T, U, L, V, J, K\}$ ,
  - $ORD\_POST = \{L, U, K, J, V, T, R, D, C\}$ .
- (b) **[Crea (20 puntos)]** Escribir una función `function CREA_ARBOL(A:arbol): nodo` que, usando las funciones del TAD ARBOL ORDENADO ORIENTADO `CREAO(v)`, `CREA1(v, A1)`, ... `CREAn(v, A1, A2, ..., An)` crea el árbol  $A$  de la figura más arriba.
- (c) **[Heap-sort (25 puntos)]** Dados los enteros  $\{5, 9, 3, 4, 7, 6, 5, 8\}$  ordenarlos por el método de “montículos” (“heap-sort”). Mostrar el montículo (minimal) antes y después de **cada** inserción/supresión.
- (d) **[Particionar árbol (10 puntos)]** Considerando el árbol de la figura, decir cuales son los nodos `DESCENDIENTES(Q)`, `ANTECESORES(Q)`, `IZQUIERDA(Q)` y `DERECHA(Q)`.



**Ej. 4.- [LIBRES (20 pto, 5 por pregunta)]** Responder según el sistema “multiple choice”, es decir marcar con una cruz el casillero apropiado. **Atención:** Algunas respuestas son intencionalmente “descabelladas” y tienen puntajes **negativos!!**

- (a) ¿Cuál es el tiempo de ejecución para el algoritmo de clasificación por montículos (heap-sort) en el peor caso? ( $n$  es el número de elementos a clasificar)

☐ ... $O(n \log n)$

☐ ... $O(n)$

☐ ... $O(1)$

☐ ... $O(n^2)$

Apellido y Nombre: \_\_\_\_\_

Carrera: \_\_\_\_\_ DNI: \_\_\_\_\_

[Llenar con letra mayúscula de imprenta GRANDE]

**Universidad Nacional del Litoral**  
**Facultad de Ingeniería y Ciencias Hídricas**  
**Departamento de Informática**  
**Algoritmos y Estructuras de Datos**

- (b) ¿Cuál es, en promedio, el número de intentos necesarios para insertar un *nuevo* elemento en una tabla de dispersión cerrada? ( $0 < \alpha < 1$  es la “*tasa de llenado*” de la tabla,  $\alpha = (\text{ocupados} + \text{suprimidos}) / (\text{total de cubetas})$ ).

☐ ... $\log \alpha$

☐ ... $1/(1 - \alpha)$

☐ ... $1/\alpha$

☐ ... $\alpha$

- (c) ¿Cuál es el tiempo de ejecución de la función ANTERIOR para listas *simplemente* enlazadas?

☐ ... $O(\log n)$

☐ ... $O(n^2)$

☐ ... $O(n)$

☐ ... $O(1)$

- (d) ¿Cuántos elementos, en promedio, hay en cada cubeta en una tabla de dispersión abierta o cerrada con  $N$  elementos y  $B$  cubetas?

☐ ... $O(B/N)$

☐ ... $O(N + B)$

☐ ... $O(N/B)$

☐ ... $O((N/B)^2)$